

Question de cours | Restitution de cours | Situation classique | 5 minutes | 2 points

Les énoncés ci-contre pourront vous être demandés explicitement avec toutes leurs hypothèses, avec ou sans démonstration:

- Donner une recette inratable pour réaliser des crêpes pour 4 personnes. Vous devrez indiquer la liste des ingrédients, ainsi que la recette explicite avec les opérations dans le bon ordre pour que la pâte ne fasse pas de grumeaux
- Donner une recette inratable pour réaliser des pancakes pour 4 personnes. Vous devrez indiquer la liste des ingrédients, ainsi que la recette explicite avec les opérations dans le bon ordre pour que la pâte ne fasse pas de grumeaux
- Donner une recette inratable pour réaliser des oreillettes pour 4 personnes. Vous devrez indiquer la liste des ingrédients, ainsi que la recette explicite avec les opérations dans le bon ordre pour que la pâte ne fasse pas de grumeaux

Pratique calculatoire | 20 minutes | 8 points

Utiliser une étude de fonctions pour établir une inégalité ou en encadrement

Pour valoriser votre prestation, n'hésitez pas à soudoyer votre interrogateur avec la mise en pratique au préalable de la recette que vous aurez présenté.

Thématique(s) de la semaine | 30 minutes | 10 points**AN06 | Calculs de limites**

- Reprise programme précédent

AN07 | Fonctions continues sur un intervalle

- Reprise programme précédent

AN08 | Dérivée d'une fonction et interprétation graphique

- Reprise programme précédent

AN09 | Théorèmes fondamentaux de la dérivation

- Reprise programme précédent

Exemples de savoir faire à maîtriser

- Reprise programme précédent

Programme à venir . . .

Reprise programme

Pour la pratique calculatoire**EX. 1 | Réf. 5293**

On considère alors la fonction f donnée par : $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $x \mapsto e^x - x - 1$

1. Justifier la continuité et la dérivabilité de f sur \mathbb{R} .
2. Calculer $f'(x)$ pour tout $x \in \mathbb{R}$, puis en déduire le signe de $f'(x)$ de sur \mathbb{R} .
3. Construire le tableau des variations de f , y compris les limites de f aux bornes de son ensemble de définition.
4. En déduire que : $(\star) : \forall x \in \mathbb{R}, x + 1 \leq e^x$.

Sur l'ensemble du programme

EX. 2 | Réf. 2792

Déterminer les limites éventuelles en 0 et $+\infty$ des fonctions $f_1 : x \mapsto x\sqrt{1 + (\ln(x))^2}$ et $f_2 : x \mapsto \frac{\ln(x) - 2}{\ln(x) + 2}$.

EX. 3 | Réf. 2795

Déterminer les limites éventuelles en 0 des fonctions :

$$1. f_1 : x \mapsto \frac{\ln(1 + 3x)}{x};$$

$$3. f_3 : x \mapsto \frac{\ln(x) - 1}{x - e};$$

$$2. f_2 : x \mapsto \frac{e^{-x^2} - 1}{x};$$

$$4. f_4 : x \mapsto \frac{\sin\left(\frac{x}{2}\right)}{x}.$$

EX. 4 | Réf. 2817

Déterminer éventuelle la limite en 1 de la fonction $f : x \mapsto \frac{2x^2 - 5x + 3}{2x^2 - x - 1}$.

EX. 5 | Réf. 2808

- Déterminer la limite éventuelle en $+\infty$ de la fonction $f : x \mapsto \frac{\sin(x)}{e^x}$.
- Déterminer la limite éventuelle en $-\infty$ de la fonction $x \mapsto \frac{x^2 + 5x - 3}{x^3 - 5x^2 + 9}$.
- Déterminer la limite éventuelle en 0 de la fonction $x \mapsto \frac{e^{\sin(2x)} - 1}{x}$.

EX. 6 | Réf. 2812

Soit $f : \begin{cases} \mathbb{R} & \longrightarrow \mathbb{R} \\ x & \longmapsto \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{x} \end{cases}$.

- Montrer que : $\forall x \in \mathbb{R}_+^*, x^2 < 1 + x^2 < (1 + x)^2$.
- En déduire un encadrement de f sur \mathbb{R}_+^* .
- Déterminer alors la limite en $+\infty$ de f .

EX. 7 | Réf. 3192

Peut-on prolonger par continuité en 1 la fonction $f : x \mapsto \frac{x - 1}{\sqrt{x} - 1}$? Si oui, le faire.

EX. 8 | Réf. 2808

- Déterminer la limite éventuelle en $+\infty$ de la fonction $f : x \mapsto \frac{\sin(x)}{e^x}$.
- Déterminer la limite éventuelle en $-\infty$ de la fonction $x \mapsto \frac{x^2 + 5x - 3}{x^3 - 5x^2 + 9}$.
- Déterminer la limite éventuelle en 0 de la fonction $x \mapsto \frac{e^{\sin(2x)} - 1}{x}$.

EX. 9 | Réf. 2024

Soit f la fonction définie par :

$$f : x \mapsto \frac{x^2 e^{-x}}{1 - e^{-2x}}$$

La fonction f est-elle prolongeable par continuité en 0 ?

EX. 10 | Réf. 2029

$$\text{Soit } f : \begin{cases}]-1; +\infty[& \longrightarrow \mathbb{R} \\ x & \longmapsto \begin{cases} \frac{\sqrt{1+x}-1}{x} & \text{si } x \neq 0 \\ \frac{1}{2} & \text{si } x = 0 \end{cases} \end{cases} .$$

Montrer que f est continue sur son domaine de définition.

EX. 11 | Réf. 0511

$$1. \text{ Soit } g : \begin{cases}]0; +\infty[& \longrightarrow \mathbb{R} \\ x & \longmapsto x^2 - \ln(x) \end{cases} .$$

- a. Déterminer l'expression de $g'(x)$ pour tout $x \in]0; +\infty[$ et l'exprimer sous forme d'un seul quotient.
- b. Dresser alors le tableau de variations pour g .
On ne demande pas de calculer les limites de g aux bornes de son ensemble de définition.
- c. En déduire le signe de g sur $]0; +\infty[$.

$$2. \text{ Soit } f : \begin{cases}]0; +\infty[& \longrightarrow \mathbb{R} \\ x & \longmapsto x + \frac{1 + \ln x}{x} \end{cases} .$$

- a. Déterminer les limites de f aux bornes de son ensemble de définition.
- b. Montrer que : $\forall x \in]0; +\infty[, f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$.
- c. Dresser le tableau de variations complet pour f .