

## Consignes générales | Important

On attachera une **grande importance à la rédaction des réponses**, résoudre un exercice de mathématiques ne consiste nullement à produire un enchaînement ou enchevêtrement d'écritures algébriques sans explications ou commentaires. La longueur d'une réponse n'a rien à voir avec la longueur de la question... **On fera donc apparaître tous les résultats et raisonnements intermédiaires qui ont permis d'aboutir à la solution.**

Dans le cas où un(e) étudiant(e) repère ce qui lui semble être une **erreur d'énoncé**, il (elle) le signale très rapidement au **professeur**.

## Un peu de technique

## EX. 1 | Réf. 1291

À l'aide du changement de variables  $u = e^t$ , montrer que l'intégrale  $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{t-e^t} dt$  converge et en donner la valeur.

## Mobiliser l'ensemble de ses connaissances

## EX. 2 | Réf. 4240

L'objet de cet exercice consiste en l'étude de la convergence et du calcul de l'intégrale impropre  $I = \int_0^{+\infty} \frac{\arctan(x)}{x^{\frac{3}{2}}} dx$ .

1. Montrer que l'intégrale  $I$  est convergente.
2. Montrer que l'intégrale  $J = \int_0^{+\infty} \frac{dx}{x^2 + x\sqrt{2} + 1}$  est convergente et calculer sa valeur.
3. On admet que  $\int_0^{+\infty} \frac{1}{x^4 + 1} dx = \frac{\pi}{2\sqrt{2}}$ .

À l'aide d'une intégration par parties que  $I = 2 \int_0^{+\infty} \frac{1}{\sqrt{x}(x^2 + 1)} dx$  et en déduire la valeur de  $I$  à l'aide du changement de variable  $u = \sqrt{x}$ .